

Correction du Test n°2

Cours : f est la fonction affine définie sur \mathbb{R} par $f(x) = ax + b$. Démontre que si $a > 0$ alors f est croissante.

$$\forall u, v \in \mathbb{R} : f(u) - f(v) = au + b - (av + b) = au + b - av - b = au - av = a(u - v)$$

Si $u < v$ alors $u - v < 0$. De plus : $a > 0$. Donc : $a(u - v) < 0$.

On en déduit : $\forall u, v \in \mathbb{R} : f(u) - f(v) < 0$ Ce qui équivaut à : $f(u) < f(v)$.

Finalement : $\forall u, v \in \mathbb{R}$, si $u < v$ alors $f(u) < f(v)$.

En conclusion, si $a > 0$, alors la fonction affine définie par $f(x) = ax + b$ est strictement croissante sur \mathbb{R} .

Exercice :

1) Calcule une équation de la droite passant par A (-1 ; 3) et B (2 ; -2).

$$\text{Calcul du coefficient directeur : } a = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{3 - (-2)}{-1 - 2} = \frac{5}{-3} = -\frac{5}{3}$$

Il existe un réel b tel que la droite (AB) a pour équation : $y = -\frac{5}{3}x + b$.

Or : A (-1 ; 3) \in (AB). Donc : $3 = -\frac{5}{3} \times (-1) + b$.

$$3 - \frac{5}{3} = b$$

$$\frac{9}{3} - \frac{5}{3} = b$$

$$b = \frac{4}{3}$$

Finalement, la droite (AB) a pour équation : $y = -\frac{5}{3}x + \frac{4}{3}$.

2) Etudie les variations des fonctions $f : x \mapsto 5 - \frac{2}{3}x$, $g : x \mapsto x + 3$ et $h : x \mapsto -8$.

$$\forall x \in \mathbb{R}, f(x) = -\frac{2}{3}x + 5$$

Le coefficient directeur de f est $-\frac{2}{3}$ qui est négatif donc f est décroissante sur \mathbb{R} .

$$\forall x \in \mathbb{R}, g(x) = x + 3$$

Le coefficient directeur de g est 1 qui est positif donc g est croissante sur \mathbb{R} .

$$\forall x \in \mathbb{R}, h(x) = -8$$

h est une fonction constante sur \mathbb{R} . Remarque : Son coefficient directeur est 0.